

D0002 大一到大三的程度

設 P 為 $\triangle A_1A_2A_3$ 的一個內點，連接 A_i 與 P ，交 A_i 之對邊於 B_i ，得 $\triangle B_1B_2B_3$ 的面積 F ，問：若 P 在 $\triangle A_1A_2A_3$ 內，遵循均勻機率分佈，則相應的 F 的期望值應為多少？換句話說，求

$$\int_{\triangle A_1A_2A_3} (\triangle B_1B_2B_3 \text{ 的面積}) \cdot dP$$

之值，其中 dP 表平面上的面元，被積項隨 P 而變。

(編輯部 W. H.)